

PCC―技術講座の抜粋

2016年7月1日

複素関数の例－1

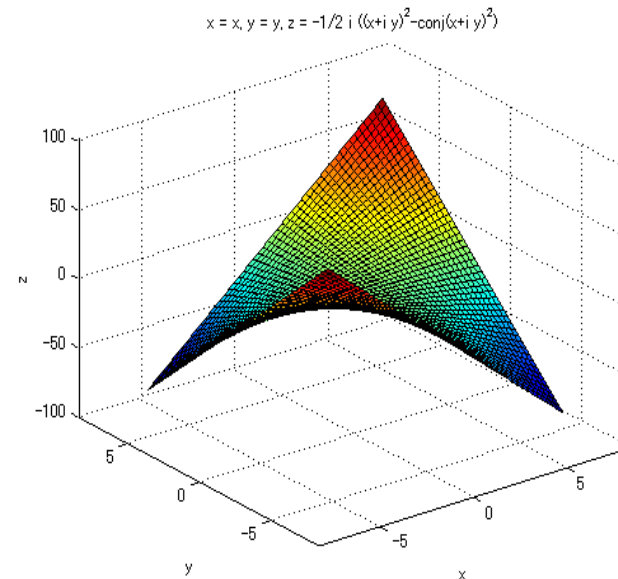
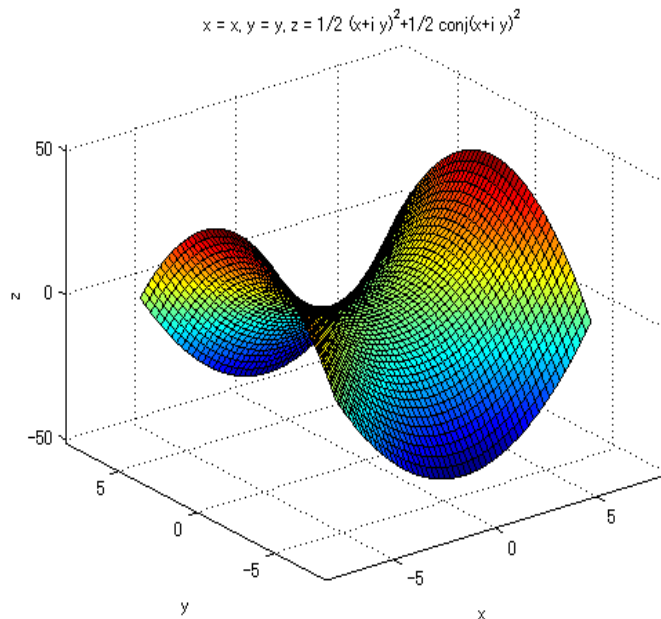
$$f(z)=z^2$$

例 `syms x y z a b c`

`real(x); real(y); z=x+i*y; z2=z^2;`

`figure(1); ezsurf(x,y,real(z2)), print -dmeta z2real`

`figure(2); ezsurf(x,y,imag(z2)), print -dmeta z2imag`



複素関数の例－2

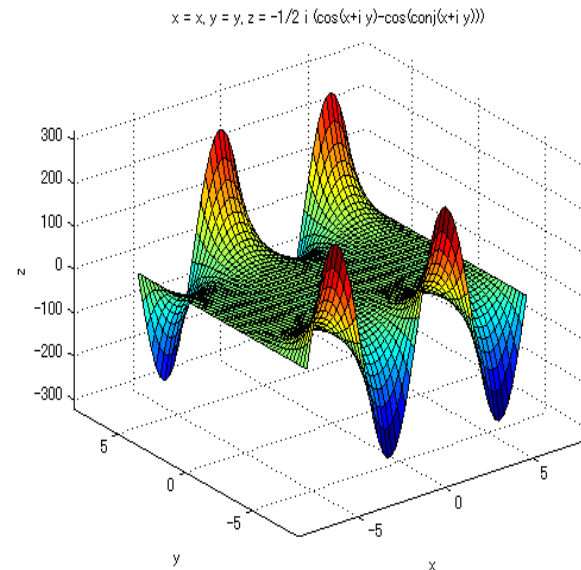
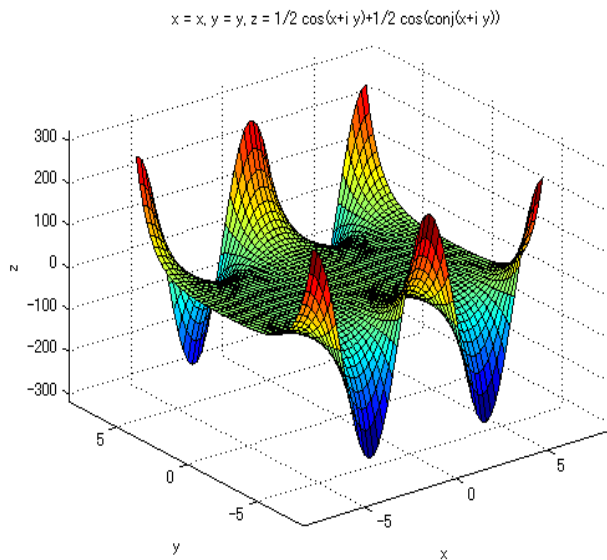
$$f(z)=\cos(z)$$

例 `syms x y z a b c`

`real(x); real(y); z=x+i*y; zcos=cos(z);`

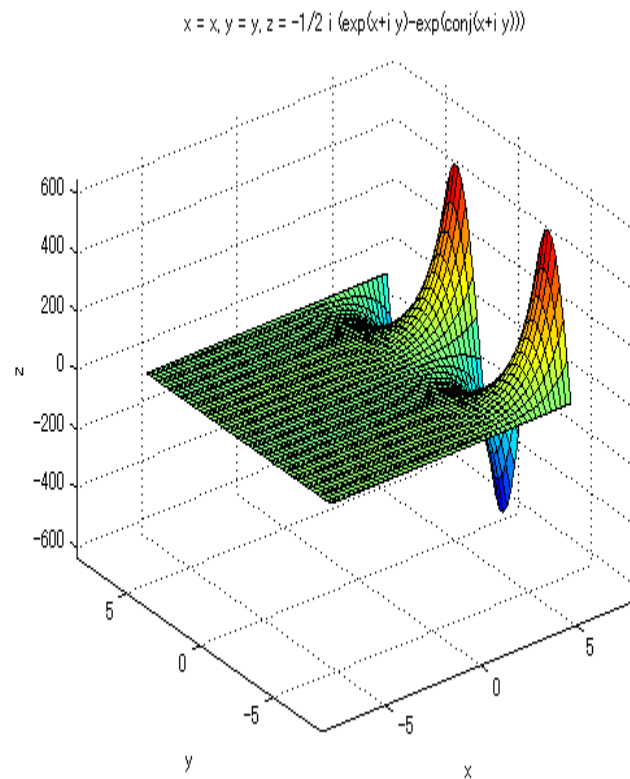
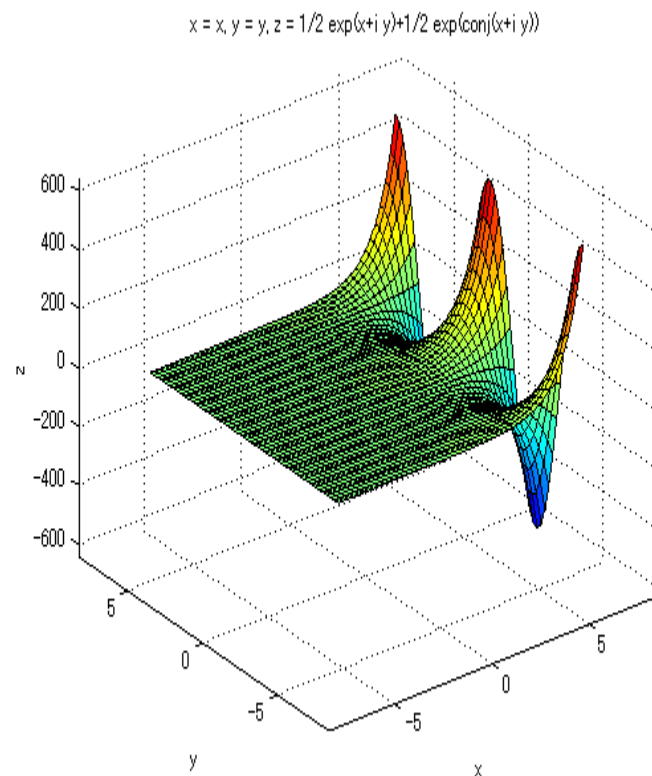
`figure(1); ezsurf(x,y,real(zcos)), print -dmeta zcosreal`

`figure(2); ezsurf(x,y,imag(zcos)), print -dmeta zcosimag`



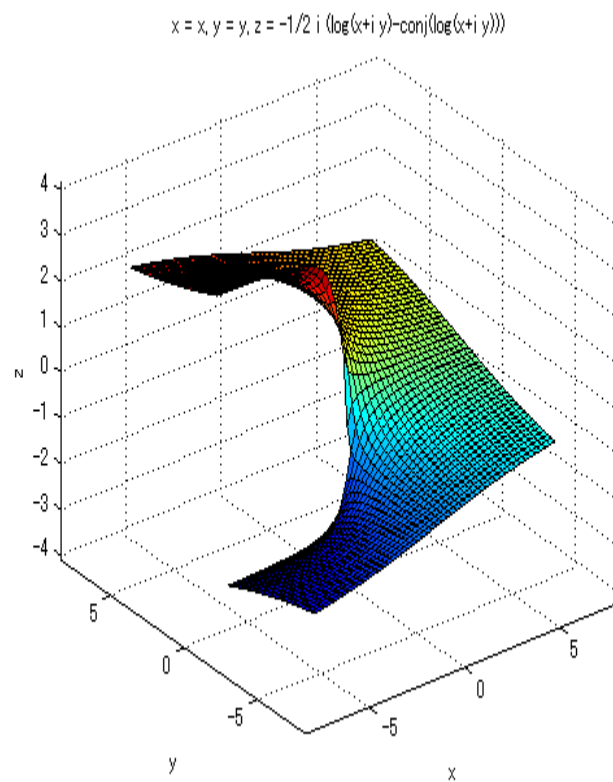
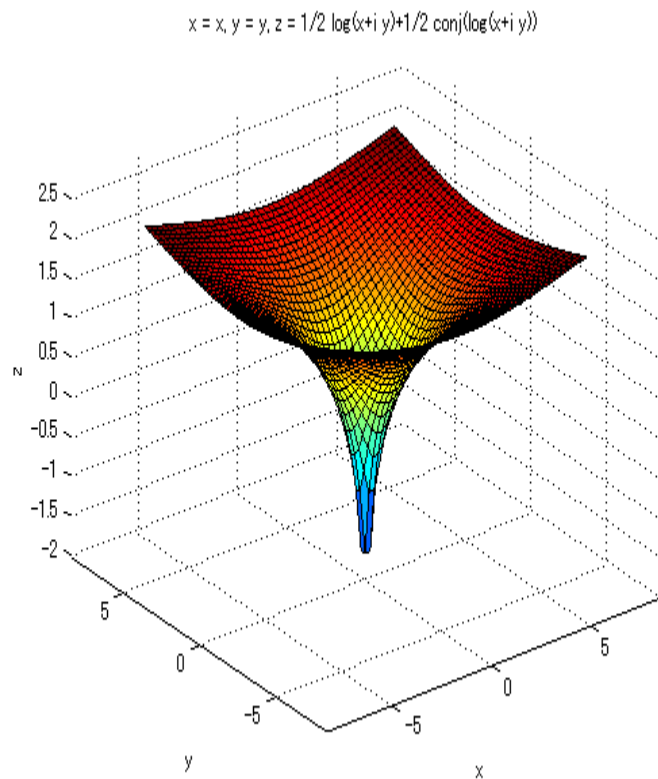
複素関数の例－3

$$f(z) = \exp(z)$$



複素関数の例－4

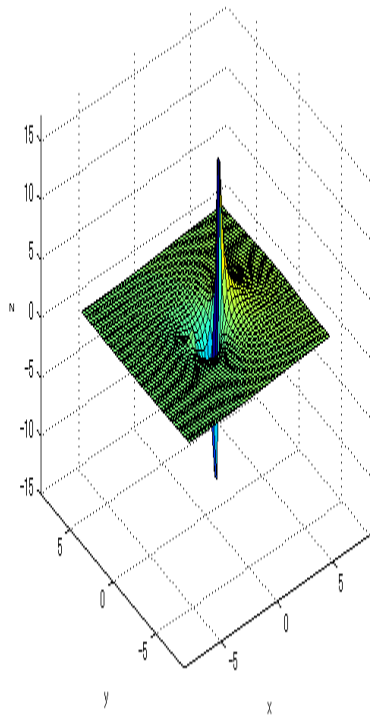
$$f(z)=\log(z)$$



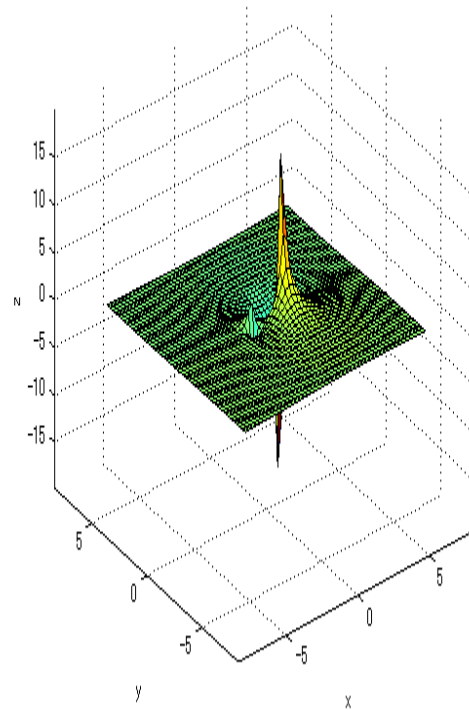
複素関数の例－5

$$f(z) = (z^2 + 3z + 3) / (z^2 - 1)$$

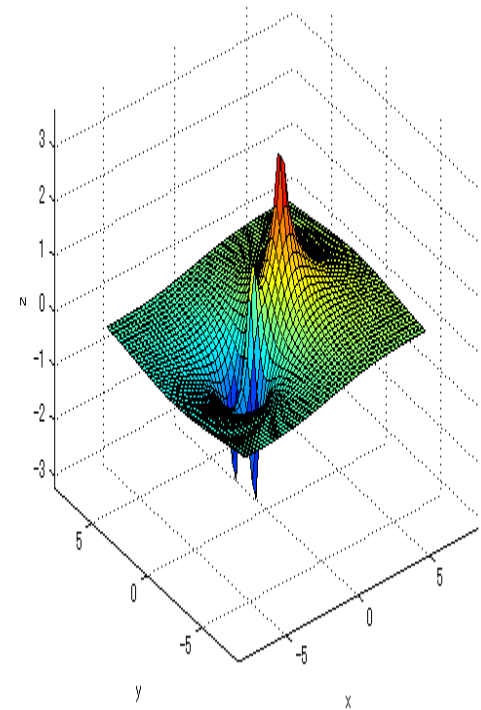
$$x = x, y = y, z = 1/2 ((x+iy)^2 + 3(x+iy) + 3) / ((x+iy)^2 - 1)$$



$$x = x, y = y, z = -1/2 i (((x+iy)^2 + 3(x+iy) + 3) / ((x+iy)^2 - 1) - \text{conj}(((x+iy)^2 + 3(x+iy) + 3) / ((x+iy)^2 - 1)))$$



$$x = x, y = y, z = \log(\text{abs}(((x+iy)^2 + 3(x+iy) + 3) / ((x+iy)^2 - 1)))$$



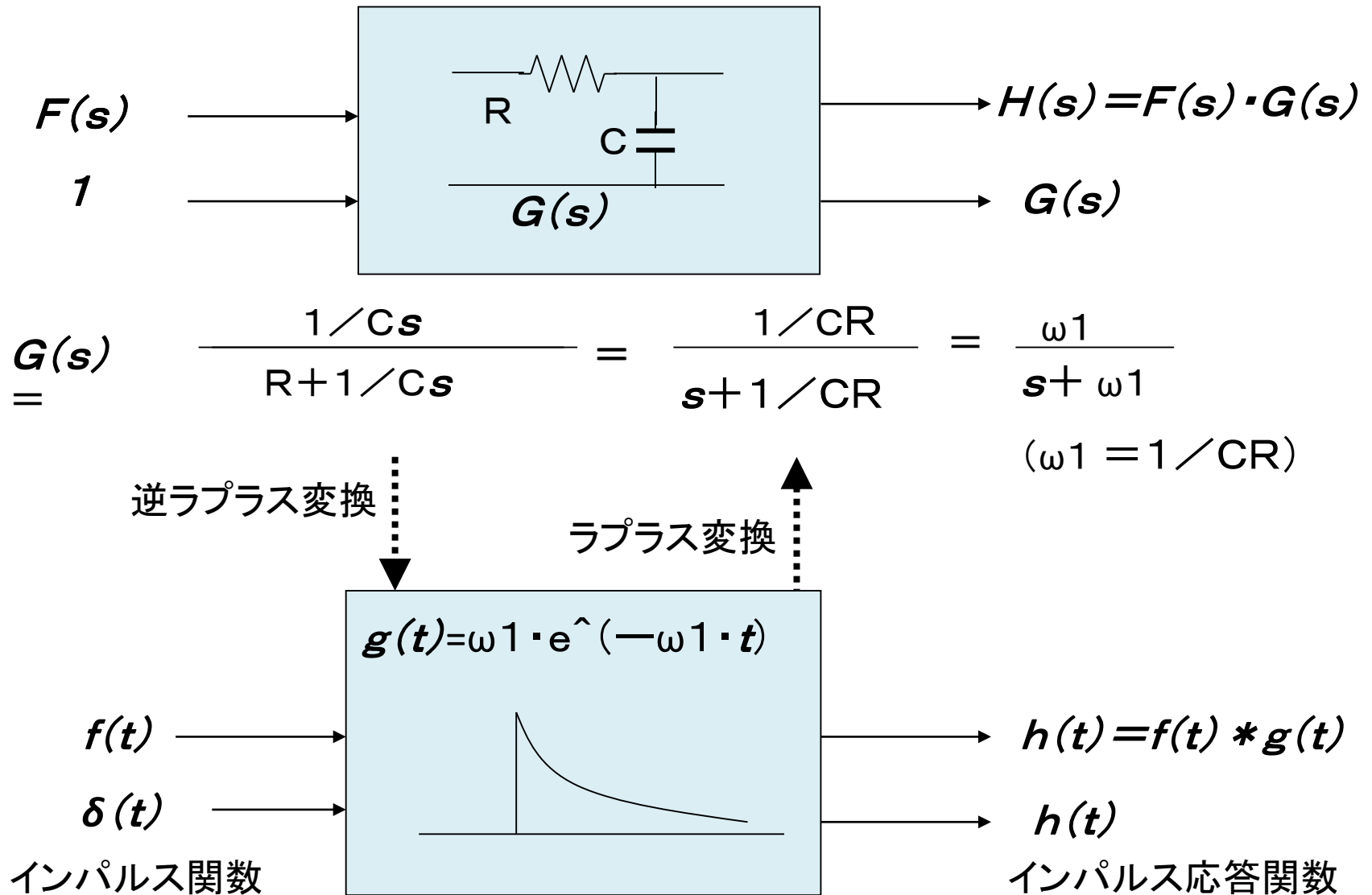
シンボリック演算ー4

例 `syms x y z a b c ;f=a*x^3+b*x^2+c*x+d. g=solve(f)`

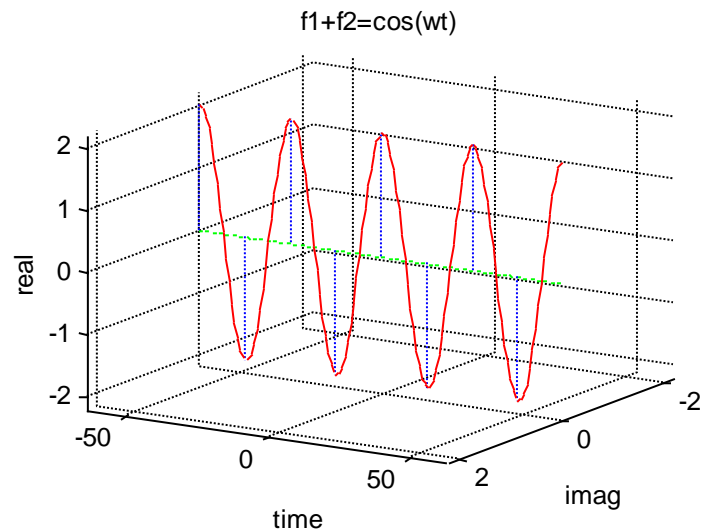
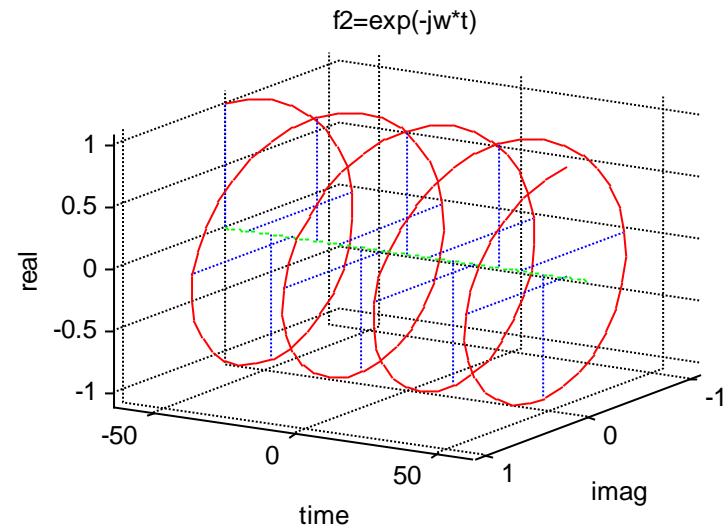
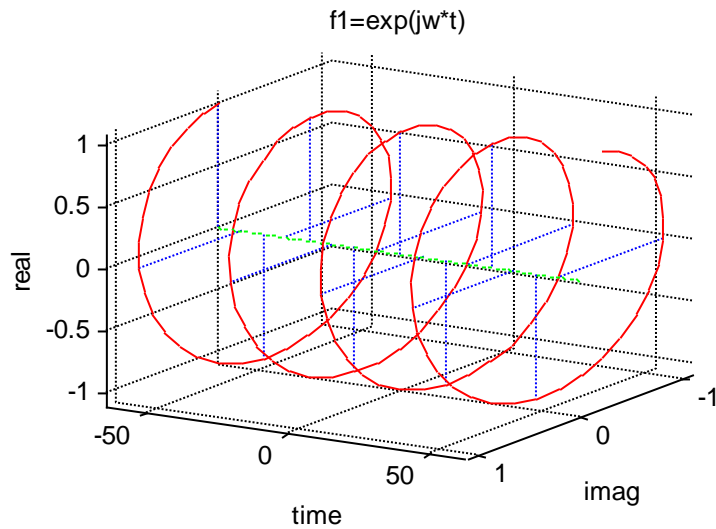
`g = 1/6/a*(36*c*b*a-108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)-2/3*(3*c*a-b^2)/a/(36*c*b*a-
108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)-1/3*b/a`

- `-1/12/a*(36*c*b*a-108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)+1/3*(3*c*a-b^2)/a/(36*c*b*a-
108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)-
1/3*b/a+1/2*i*3^(1/2)*(1/6/a*(36*c*b*a-108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-
c^2*b^2-18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)+2/3*(3*c*a-
b^2)/a/(36*c*b*a-108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3))`
- `-1/12/a*(36*c*b*a-108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)+1/3*(3*c*a-b^2)/a/(36*c*b*a-
108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)-1/3*b/a-
1/2*i*3^(1/2)*(1/6/a*(36*c*b*a-108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3)+2/3*(3*c*a-b^2)/a/(36*c*b*a-
108*d*a^2-8*b^3+12*3^(1/2)*(4*c^3*a-c^2*b^2-
18*c*b*a*d+27*d^2*a^2+4*d*b^3)^(1/2)*a)^(1/3))`

ラプラス変換の例ー1

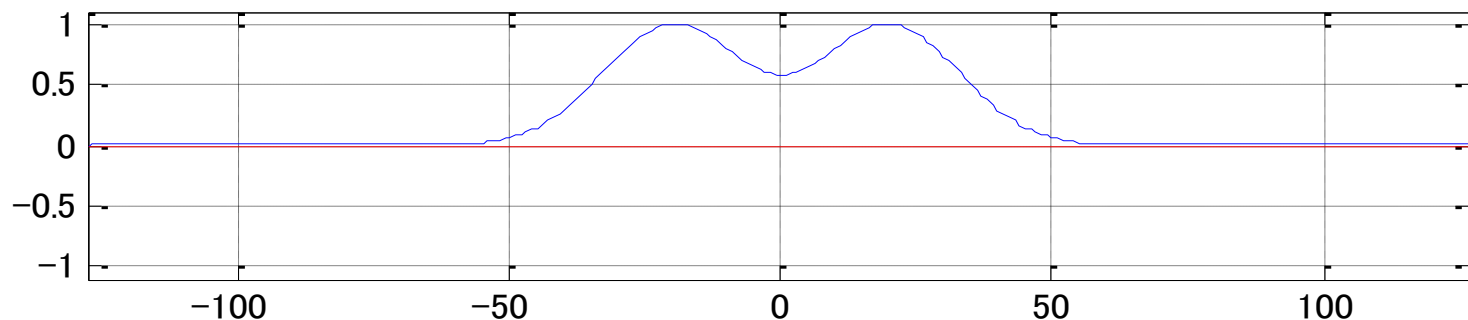


$2*\cos(wt)=\exp(jwt)+\exp(-jwt)$

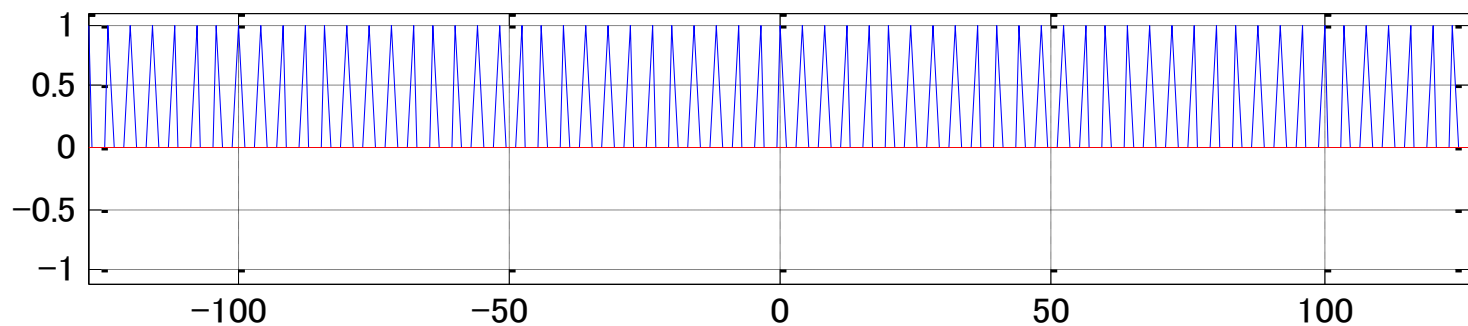


1. 時間領域のドット積＝変調

$f(t)$

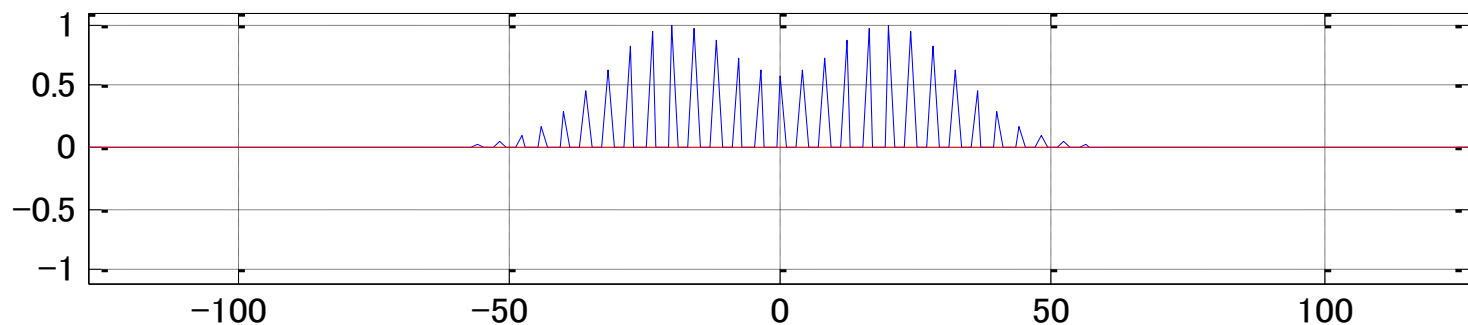


$g(t)$



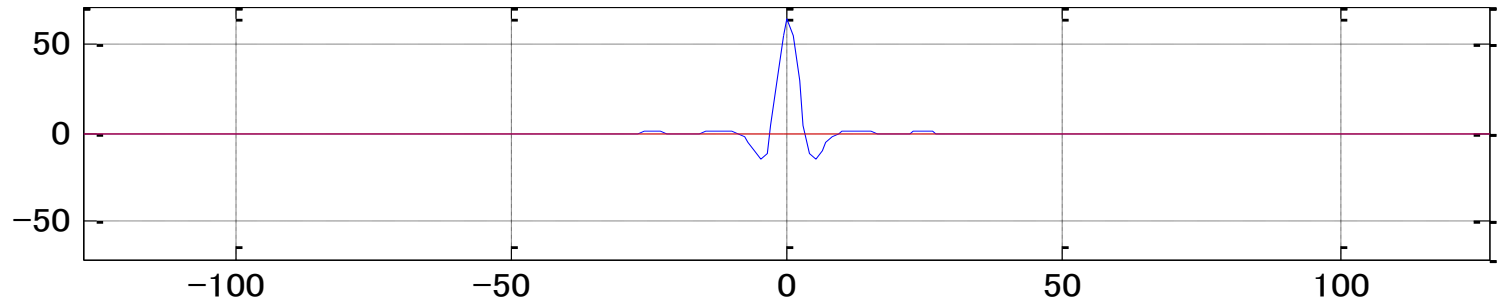
$f(t)$

$\cdot g(t)$

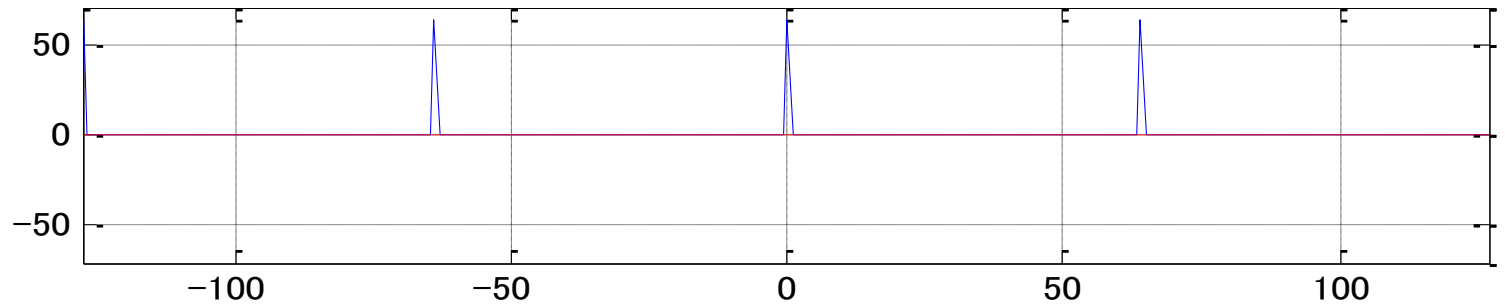


1. 周波数領域の畳込み積＝変調

$F(\omega)$

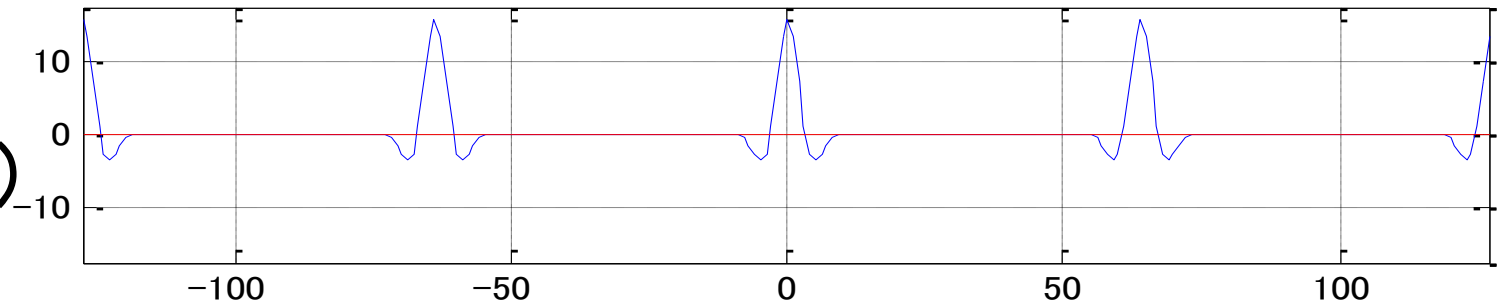


$G(\omega)$

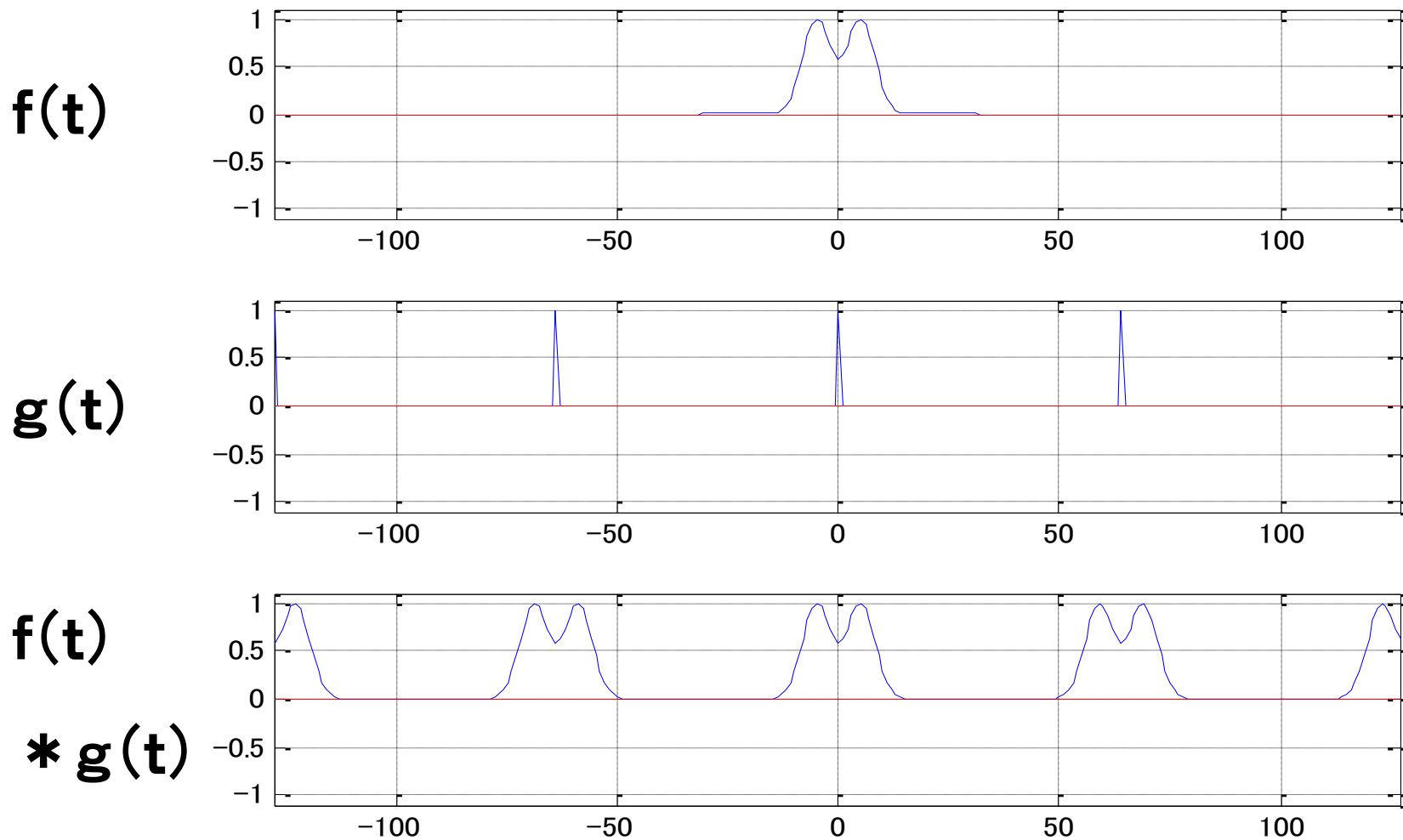


$F(\omega)$

$* G(\omega)$

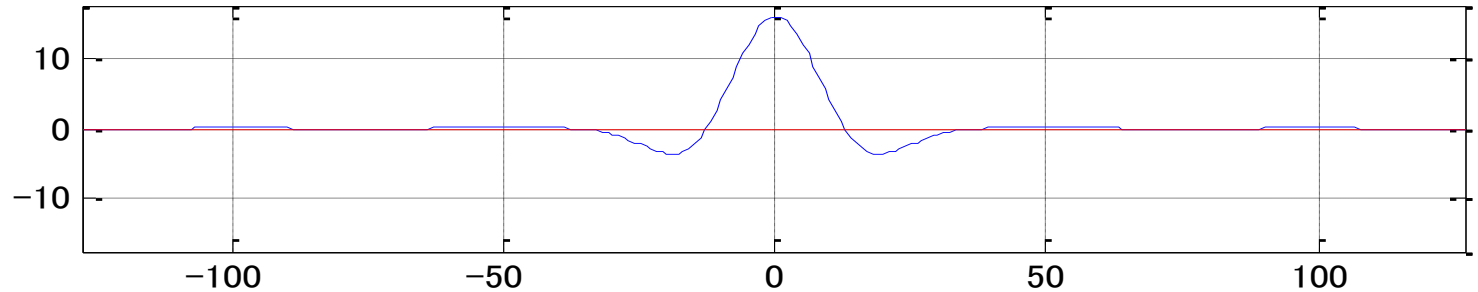


2. 時間領域の畳込み積＝フィルター

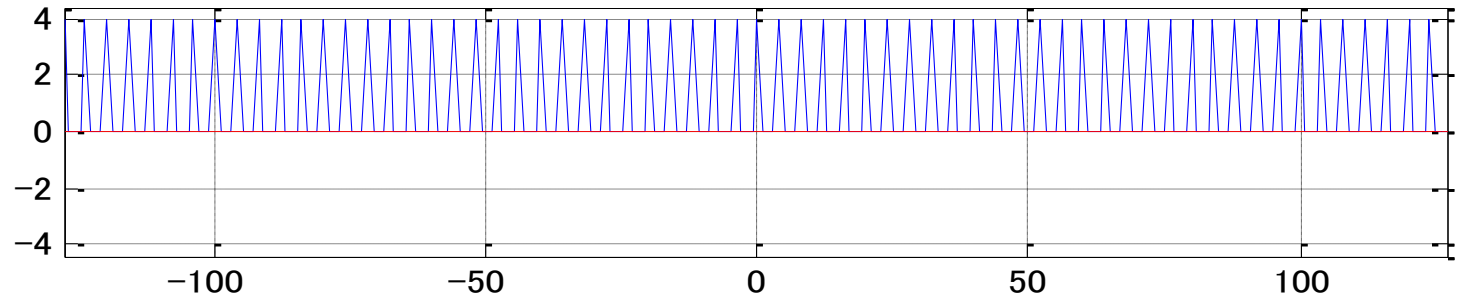


2. 周波数領域のドット積＝フィルター

$F(\omega)$

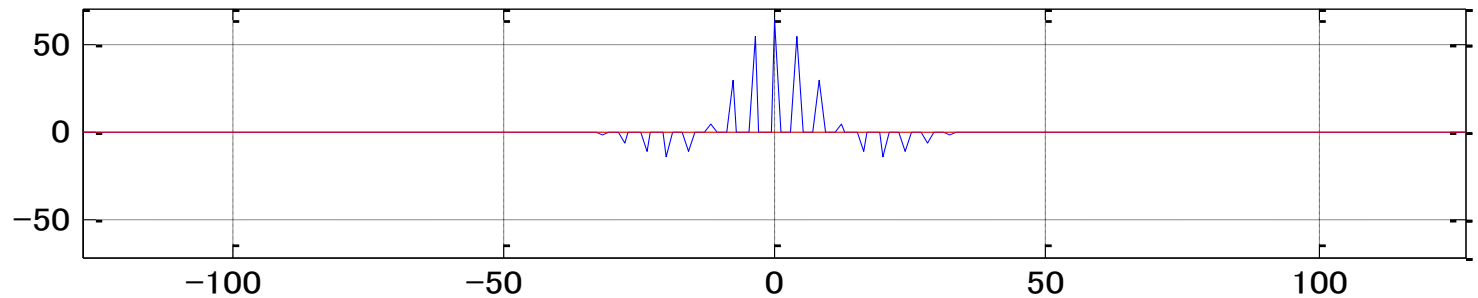


$G(\omega)$

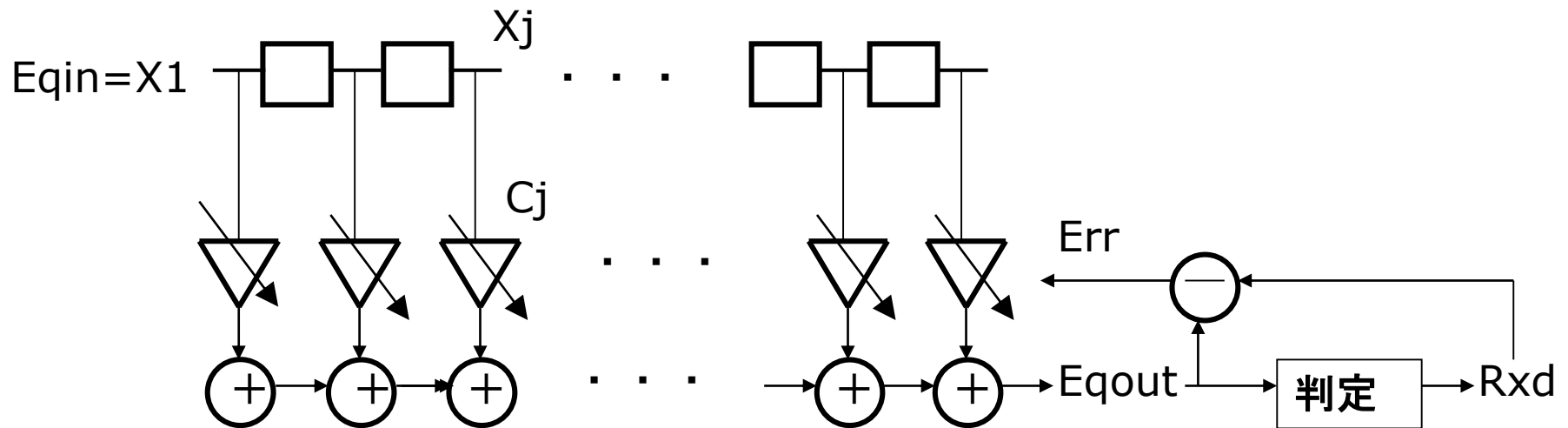


$F(\omega)$

$\cdot G(\omega)$



適応型複素等化器－1



$$E_{qout} = \sum X_j * C_j \quad \quad Err = E_{qout} - R_{xd}$$

$$\partial (Err * \text{conj}(Err)) / \partial C_j = \text{conj}(Err) * X_j$$

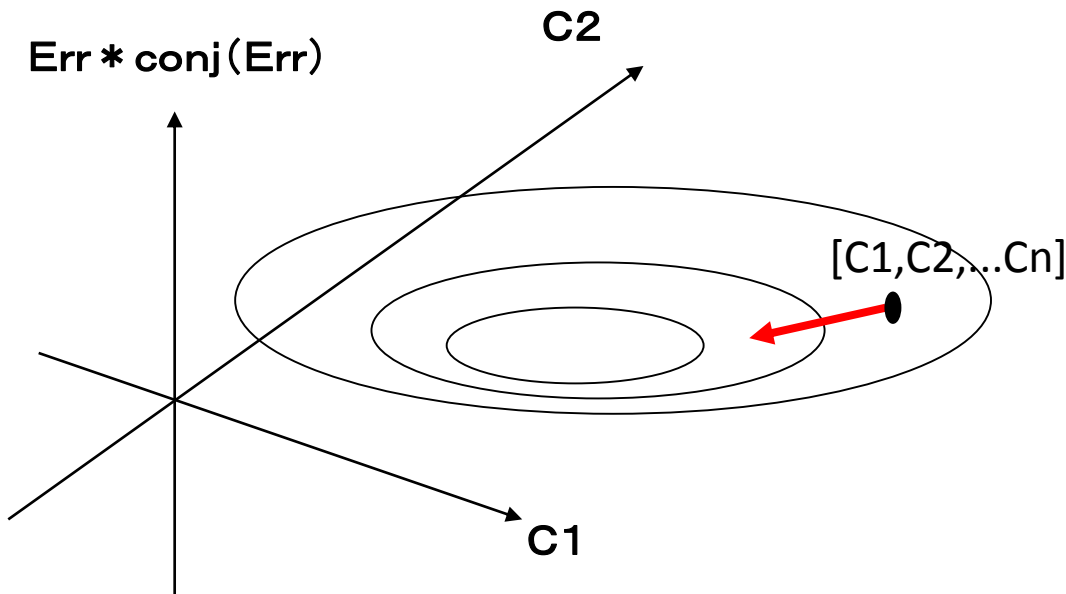
$$C_j = C_j - \alpha * \text{conj}(Err) * X_j$$

適応型複素等化器－2

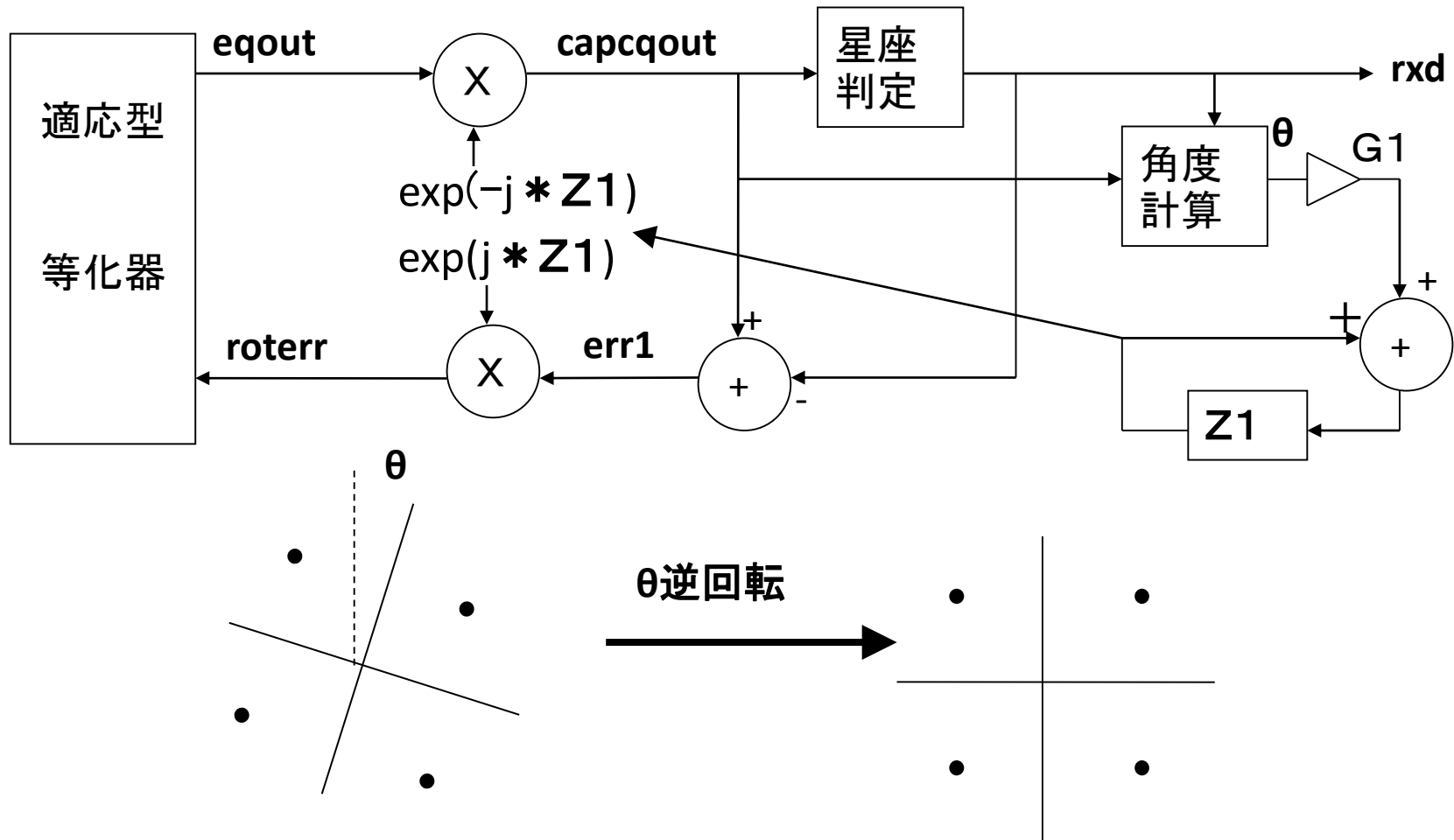
$$E_{\text{out}} = \sum X_j * C_j \quad \text{Err} = E_{\text{out}} - R_{\text{xd}}$$

$$\partial (\text{Err} * \text{conj}(\text{Err})) / \partial C_j = \text{conj}(\text{Err}) * X_j$$

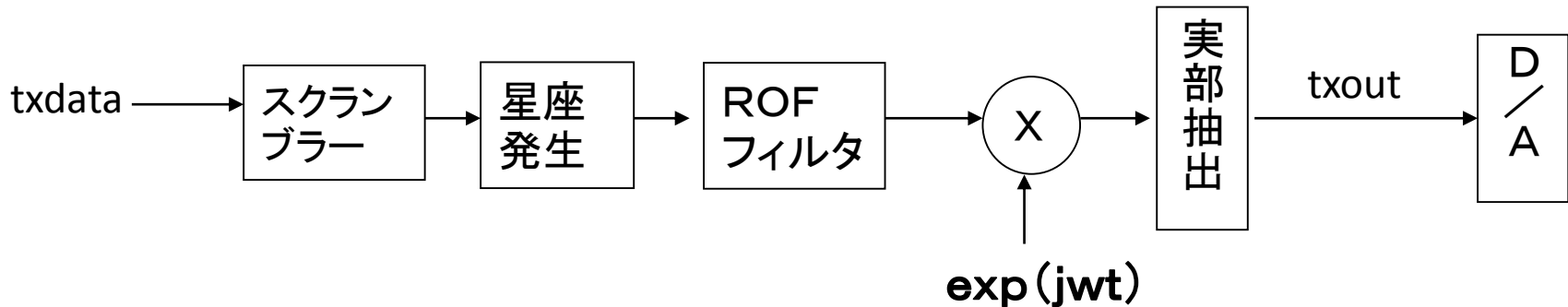
$$C_j = C_j - \alpha * \text{conj}(\text{Err}) * X_j$$



搬送波位相自動補正器－1 (CAPC)



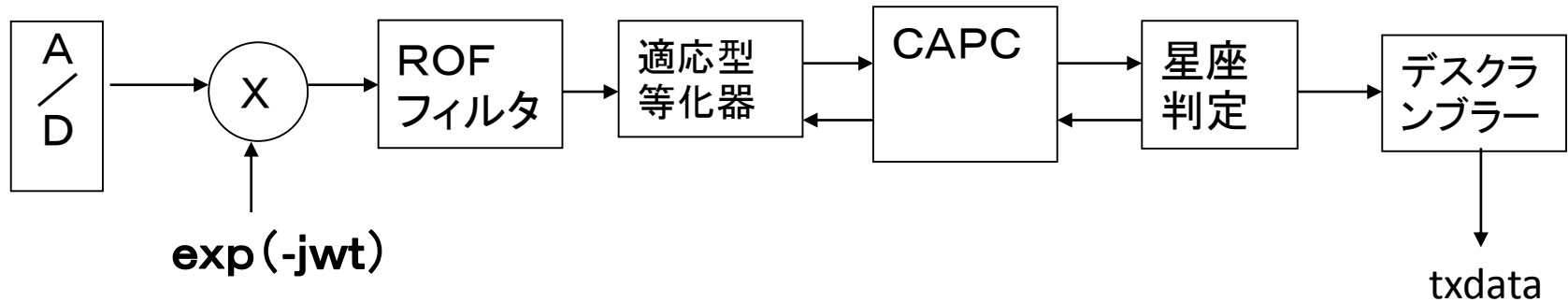
V29送信器－1



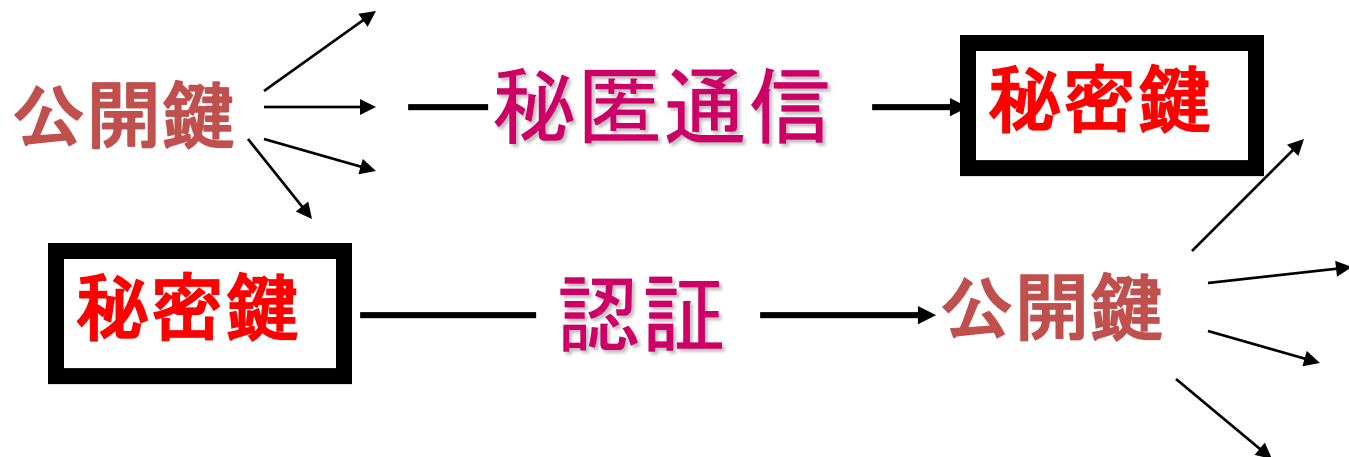
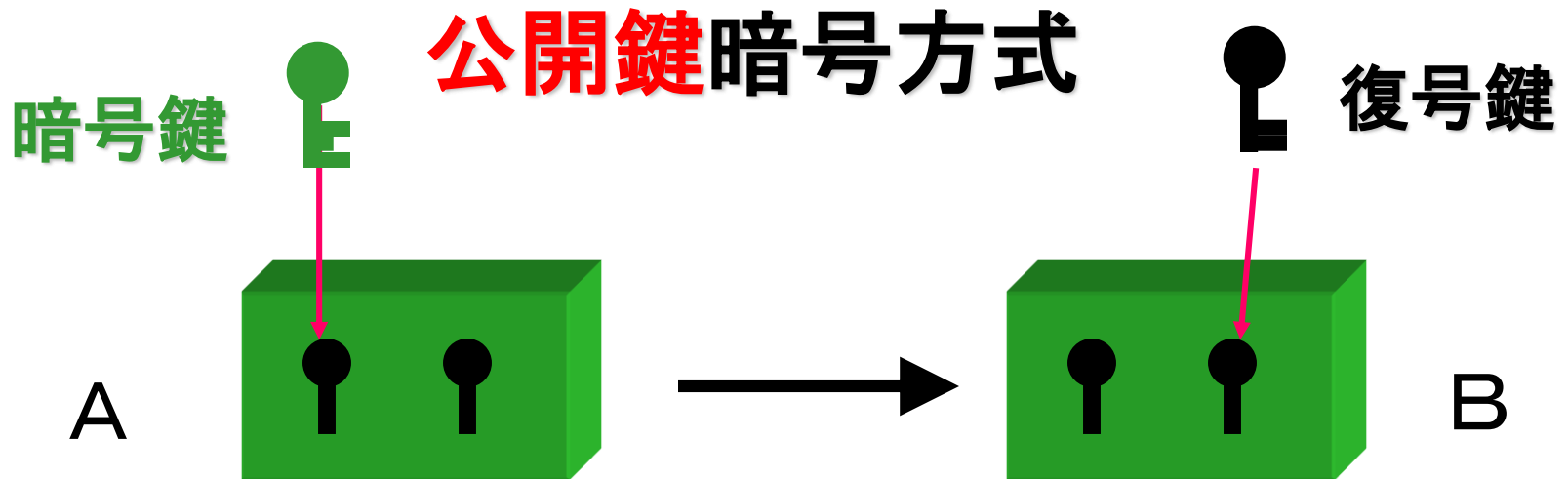
```
txdata=[1 1 1 1];  
[txscout,SCRREG]=scr(txdata,SCRREG);  
txd=v29txmap(1,txscout);  
txout=v29txsub1(1,txd,v29par);
```

```
ROFBUF=[ROFBUF(2:NTAP) txd];  
tmp(1)=ROFBUF*ROFTAP;  
tmp(2)=ROFBUF(2:NTAP)*ROFTAP(1:NTAP-1);  
tmp(3)=ROFBUF(3:NTAP)*ROFTAP(1:NTAP-2);  
tmp(4)=ROFBUF(4:NTAP)*ROFTAP(1:NTAP-3);  
ROFBUF=[ROFBUF(4:NTAP) 0 0 0];  
carr=j*(CPOT:CINC:CPOT+3*CINC);  
txout=real(tmp.*exp(carr));  
CPOT=mod(CPOT+4*CINC,2*pi);
```

V29受信器－1



```
carr=j*(CPOT:CINC:CPOT+3*CINC);  
CPOT=mod(CPOT+4*CINC,2*pi); tmp=rxin.*exp(-carr);  
for jt=1:size(rxin,2)  
    ROFBUF=[ROFBUF(2:NTAP) tmp(jt)];  
    rofout(jt)=ROFBUF*ROFTAP;  
end  
EQREG=[EQREG(2:end) rofout(SPCKP)];  
eqout=EQREG*EQTAP';  
capcout=eqout*exp(-j*Z1);  
[rxd,rxdata]=decision(1,capcout);  
[Z1,roterr]=capc1(capcout,rxd,G1,Z1);  
EQTAP=tapcorrect(EQTAP,EQREG,roterr,0.1);
```



Z_n のべき乗－その6

• n が合成数の場合の Z_n のべき乗－その3

$n=21=3*7$ の場合

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	4	8	16	11	1	2	4	8	16	11	1	2	4	8	16	11	1	2	4	8	16
3	9	6	18	12	15	3	9	6	18	12	15	3	9	6	18	12	15	3	9	6	18
4	16	1	4	16	1	4	16	1	4	16	1	4	16	1	4	16	1	4	16	1	4
5	4	20	16	17	1	5	4	20	16	17	1	5	4	20	16	17	1	5	4	20	16
6	15	6	15	6	15	6	15	6	15	6	15	6	15	6	15	6	15	6	15	6	15
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	1	8	1	8	1	8	1	8	1	8	1	8	1	8	1	8	1	8	1	8	1
9	18	15	9	18	15	9	18	15	9	18	15	9	18	15	9	18	15	9	18	15	9
10	16	13	4	19	1	10	16	13	4	19	1	10	16	13	4	19	1	10	16	13	4
11	16	8	4	2	1	11	16	8	4	2	1	11	16	8	4	2	1	11	16	8	4
12	18	6	9	3	15	12	18	6	9	3	15	12	18	6	9	3	15	12	18	6	9
13	1	13	1	13	1	13	1	13	1	13	1	13	1	13	1	13	1	13	1	13	1
14	7	14	7	14	7	14	7	14	7	14	7	14	7	14	7	14	7	14	7	14	7
15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15	15
16	4	1	16	4	1	16	4	1	16	4	1	16	4	1	16	4	1	16	4	1	16
17	16	20	4	5	1	17	16	20	4	5	1	17	16	20	4	5	1	17	16	20	4
18	9	15	18	9	15	18	9	15	18	9	15	18	9	15	18	9	15	18	9	15	18
19	4	13	16	10	1	19	4	13	16	10	1	19	4	13	16	10	1	19	4	13	16
20	1	20	1	20	1	20	1	20	1	20	1	20	1	20	1	20	1	20	1	20	1

RSA暗号ー3

- Z_n のべき乗ー $n=22=2*11$ の場合

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	4	8	16	10	20	18	14	6	12	2	4	8	16	10	20	18	14	6	12	2	4
3	9	5	15	1	3	9	5	15	1	3	9	5	15	1	3	9	5	15	1	3	9
4	16	20	14	12	4	16	20	14	12	4	16	20	14	12	4	16	20	14	12	4	16
5	3	15	9	1	5	3	15	9	1	5	3	15	9	1	5	3	15	9	1	5	3
6	14	18	20	10	16	8	4	2	12	6	14	18	20	10	16	8	4	2	12	6	14
7	5	13	3	21	15	17	9	19	1	7	5	13	3	21	15	17	9	19	1	7	5
8	20	6	4	10	14	2	16	18	12	8	20	6	4	10	14	2	16	18	12	8	20
9	15	3	5	1	9	15	3	5	1	9	15	3	5	1	9	15	3	5	1	9	15
10	12	10	12	10	12	10	12	10	12	10	12	10	12	10	12	10	12	10	12	10	12
11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11	11
12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12	12
13	15	19	5	21	9	7	3	17	1	13	15	19	5	21	9	7	3	17	1	13	15
14	20	16	4	12	14	20	16	4	12	14	20	16	4	12	14	20	16	4	12	14	20
15	5	9	3	1	15	5	9	3	1	15	5	9	3	1	15	5	9	3	1	15	5
16	14	4	20	12	16	14	4	20	12	16	14	4	20	12	16	14	4	20	12	16	14
17	3	7	9	21	5	19	15	13	1	17	3	7	9	21	5	19	15	13	1	17	3
18	16	2	14	10	4	6	20	8	12	18	16	2	14	10	4	6	20	8	12	18	16
19	9	17	15	21	3	13	5	7	1	19	9	17	15	21	3	13	5	7	1	19	9
20	4	14	16	12	20	4	14	16	12	20	4	14	16	12	20	4	14	16	12	20	4
21	1	21	1	21	1	21	1	21	1	21	1	21	1	21	1	21	1	21	1	21	1
e											d										
											e * d										

アッカーマン関数—1

[ログイン](#)または[アカウント作成](#)

[本文](#)

[ノート](#)

[編集](#)

[履歴](#)

アッカーマン関数

出典: フリー百科事典『ウィキペディア (Wikipedia)』

アッカーマン関数（アッカーマンかんすう）とは、非負**整数** m と n に対し、

$$\text{Ack}(m, n) = \begin{cases} n + 1, & \text{if } m = 0 \\ \text{Ack}(m - 1, 1), & \text{if } n = 0 \\ \text{Ack}(m - 1, \text{Ack}(m, n - 1)), & \text{otherwise} \end{cases}$$

によって定義される**関数**のことである。

与える数が大きくなると爆発的に計算量が大きくなるという特徴があり、性能測定などに用いられることもある。
また、数学的な意味として、**原始帰納的関数**でない**帰納的関数**の実例として有名である。

アッカーマン関数ー2

アッカーマン関数の値の表

[編集]

アッカーマン関数の計算は、無限の表を使った手順に言い換えることができる。まず、一番上の列に自然数を順番に並べる。表の値を決めるためには、すぐ左の値を見て、一つ上の列でその順番の値を取る。もし左に数値がない場合は、単に一つ上の列のカラム 1 の数値を取る。表の左上の部分は以下ようになる。

$A(m, n)$ の値

$m \backslash n$	0	1	2	3	4	n
0	1	2	3	4	5	$n + 1$
1	2	3	4	5	6	$n + 2 = 2 + (n + 3) - 3$
2	3	5	7	9	11	$2n + 3 = 2 * (n + 3) - 3$
3	5	13	29	61	125	$2^{(n+3)} - 3$
4	13	65533	$2^{65536} - 3$	$2^{2^{65536}} - 3$	$A(3, A(4, 3))$	$\underbrace{2^{2^{\dots^2}}}_{n+3 \text{ twos}} - 3$
5	65533	$\underbrace{2^{2^{\dots^2}}}_{65536 \text{ twos}} - 3$	$A(4, A(5, 1))$	$A(4, A(5, 2))$	$A(4, A(5, 3))$	$A(4, A(5, n-1))$
6	$A(5, 1)$	$A(5, A(6, 0))$	$A(5, A(6, 1))$	$A(5, A(6, 2))$	$A(5, A(6, 3))$	$A(5, A(6, n-1))$

再帰的な参照で表示している値は非常に大きく、他の形式では簡単に表現することはできない。

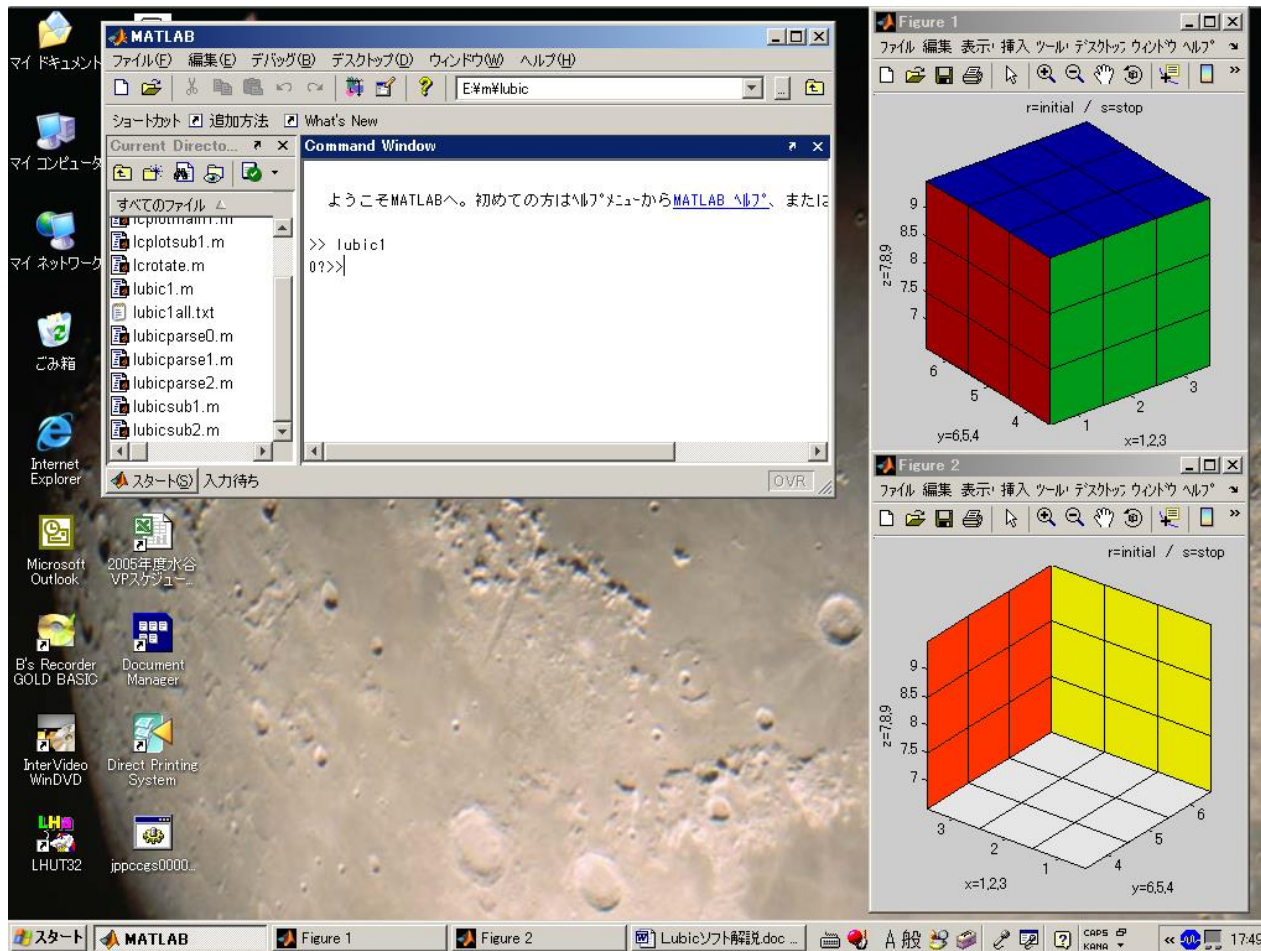
このように表のごく最初の部分でも既に巨大な値が現れているが、さらに、[グラハム数](#)のような、短いクヌースの矢印表記では表現することのできない非常に大きな値も定義される。この数は、アッカーマン関数をそれ自身に再帰的に適用するのに類似した方法で作られている。

数独一1

e::east w::west n::north s::south
0::blank 1-9::numeric f::input end

						4		
		5	4		3	6		
	4		8	9	6		2	5
	9	2				7	5	
		1				8		
	7	6				9	3	
2	5		6	1	7		9	
		7	9		4	5		
		9						

ルービックキューブー1



ペンローズ・タイリングー1

